

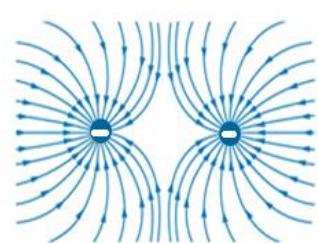
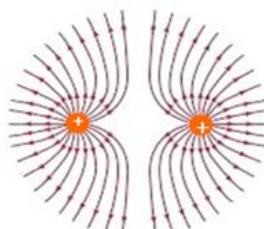
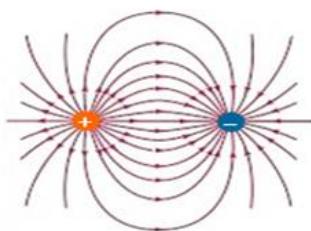
الکهرباء الساکنة

<https://www.youcube.co.il>

<p>يوجد في الطبيعة جسيمان أساسيان تعمل بينهما قوة كهربائية بالإضافة إلى الجاذبية العامة - الإلكترون له شحنة سالبة. والبروتون له شحنة موجبة.</p>	<p>شحنة كهربائية أساسية</p>
<p>بشكل عام، توجد للأجسام في الطبيعة نفس عدد الإلكترونات والبروتونات، وتسمى هذه الأجسام بال أجسام المحايدة كهربائياً. يسمى الجسم الذي يحتوي على فائض من الإلكترونات بالجسم المشحون بشحنة كهربائية سالبة، وإذا كان الجسم يفتقر إلى الإلكترونات يكون مشحون بشحنة كهربائية موجبة - تعمل قوة كهربائية بين الأجسام المشحونة.</p>	<p>الاجسام المشحونة</p>
<p>ت تكون كل مادة في الكون من مجموعة من الذرات التي تعطي المادة خصائصها. ت تكون الذرة من البروتونات والنيوترونات (جسيمات أساسية محایدة كهربائياً) التي تشكل نواة الذرة، حول النواة تتحرك الإلكترونات، تعمل القوة الكهربائية على الإلكترونات كقوة جاذبة نحو المركز.</p>	<p>المبني الذري</p>
<p>يصف مقدار القوة المؤثرة بين شحنتين (أو جسمين مشحونين) كدالة للبعد بين الشحنات r ومقدار الشحنات Q_1 و- Q_2، وفقاً لما يلي:</p> $K = 9 \cdot 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$ $F = \frac{K \cdot Q_1 \cdot Q_2}{r^2}$	<p>قانون كولون لما يلي:</p>
<p>بين الشحنات المتطابقة بالإشارة تعمل قوة تناصر، وبين الشحنات المختلفة بالإشارة تعمل قوة جذب.</p> <p>تتغير الشحنة الحيز الذي تتوارد فيه، والحقن الكهربائي عبارة عن متجه يصف الحيز حول الشحنة.</p> <p>يتم تعريف الحقن الكهربائي في نقطة ما بواسطة شحنة موجبة صغيرة تسمى شحنة الاختبار q. حسب النسبة بين القوة الكهربائية التي ستؤثر على شحنة اختبار تقع في النقطة مقسومة على مقدار شحنة الاختبار:</p> $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$	<p>الحقن الكهربائي</p>
<p>متجه الحقن في محيط شحنة نقطية هي خطوط شعاعية، وموجهة وفقاً لإشارة الشحنة النقطية.</p> <p>كلما ابتعدنا عن الشحنة يكون تقل شدة متجه الحقن.</p> 	<p>متجه الحقن</p>
<p>تتعلق شدة متجه الحقن الكهربائي في أي نقطة بالقرب من شحنة نقطية ببعد النقطة من الشحنة r. ومقدار الشحنة المكونة للمجال Q.</p> $E = \frac{F}{q} = \frac{\frac{K \cdot Q \cdot q}{r^2}}{q} = \frac{K \cdot Q}{r^2}$ $E = \frac{K \cdot Q}{r^2}$	<p>شدة متجه الحقن الكهربائي</p>
<p>هذه الصيغة مناسبة لوصف شدة الحقن في محيط الشحنة النقطية فقط! وهي غير ملائمة لحقن كهربائي متاجنس.</p> <p>في حالة نقطة قريبة من عدد من الشحنات، يتبع علينا استخدام مبدأ التراكب، لإيجاد متجه الحقن الكهربائي المتولد من كل شحنة عند نقطة ما. متجه الحقن المحصل يساوي مجموع متجهات الحقن التي تم الحصول عليها في تلك النقطة.</p>	

خطوط الحقل

خطوط الحقل هي خطوط وهمية متواصلة تمس متجهات الحقل.
اتجاه متجهات الحقل في كل نقطة يساوي اتجاه متجه الحقل الكهربائي في كل نقطة.
كثافة خطوط الحقل في كل نقطة تساوي شدة الحقل الكهربائي في كل نقطة.
يمكن أن تتحنى خطوط الحقل لكنها لا تتقاطع مع بعضها البعض أبداً.
خطوط الحقل عمودية لسطح الجسم.
تبدأ خطوط الحقل بشحنة موجبة أو من الالاتجاهية. وتنتهي بالشحنة السالبة أو الالاتجاهية.



التدفق الكهربائي

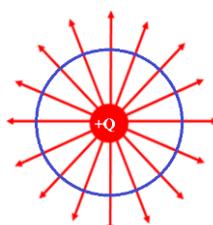
التدفق الكهربائي هو وصف لمقدار خطوط المجال، يُشار إليها بـ Φ ويتم قياسها بوحدات $\left[\frac{N \cdot m^2}{c} \right]$.

ينص قانون جاوس على أن مقدار خطوط الحقل الخارجية من الشحنة يتناسب تنازلياً طردياً مع مقدار الشحنة ، وفقاً للصيغة:

$$\Phi = 4\pi K \cdot Q$$

بمساعدة قانون جاوس، يمكن الحصول على شدة المجال الكهربائي بالقرب من شحنة نقطية:

نضع سطح غاوي (وهمي) حول شحنة Q .



$$A = 4 \cdot \pi \cdot r^2$$

مساحة الغلاف الكروي:

$$\Phi = 4\pi K \cdot Q$$

مقدار خطوط الحقل الخارجية من الشحنة وتعبر الكرة:

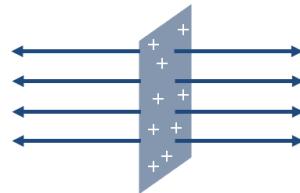
شدة الحقل الكهربائي في أي نقطة على سطح الكرة الجاوية هي متجانسة، سنقوم بالتعبير عن كثافة خطوط الحقل عبر الكرة :

$$E = \frac{\Phi}{A} = \frac{4 \cdot \pi \cdot K \cdot Q}{4 \cdot \pi \cdot r^2} = \frac{K \cdot Q}{r^2}$$

بمساعدة جاوس، من الممكن حساب شدة الحقل الكهربائي في محيط الأجسام المشحونة ذات الأشكال المختلفة.

حقل متجانس

خطوط الحقل عمودية لسطح الجسم، لذا فإن خطوط الحقل الخارجية من لوحة موجبة الشحنة (أو تدخل لوحة سالبة الشحنة) متعمدة لللوحة وتكون متوازية، ولا تتغير كثافة خطوط الحقل كلما ابتعدنا من اللوحة المشحونة. يسمى هذا الحقل حقلًا متجانسًا.



تتعلق شدة الحقل المتجانس على جانبي اللوحة على كثافة شحنة اللوحة σ فقط، وفقاً لـ :

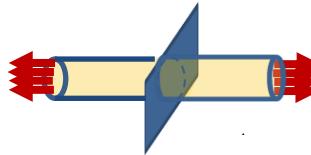
$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

ـ تفاص كثافة الشحنة بوحدات الكولون لكل متر مربع.

ـ ثابت نفاذية الحقل الكهربائي في الفراغ $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}$

ليست هناك حاجة لتطوير التعبير لشدة المجال المتجانس، يتم إعطاء التعبير في صفحات القوانين.

تطوير تعبير شدة الحقل المتجانس بمساعدة قانون جاوس مع الاسطوانة الجاويسية:



باستخدام قانون جاوس، سوف نعبر عن مقدار التدفق المنبعث من الشحنة المحصوره من جانبي اللوح بواسطه أسطوانة جاويس:

$$\Phi = 4\pi K \cdot Q$$

$$\Phi = 4\pi K \cdot \sigma A$$

مقدار خطوط الحقل التي تخرج إلى كل جانب:

$$\Phi = 2\pi K \cdot \sigma A$$

نحسب كثافة خطوط الحقل:

$$E = \frac{\Phi}{A} = \frac{2\pi K \cdot \sigma A}{A} = 2\pi K \cdot \sigma, \quad K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \Rightarrow E = 2\pi \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \sigma = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

يصف الحقل الكهربائي المحيط حول الشحنة بطريقة متوجهة. يصف الجهد الكهربائي الفضاء حول الشحنة بصورة أسهل، بطريقة عدديّة.

الجهد الكهربائي

يتم تعريف الجهد في نقطة ما على أنه يساوي الشغل المطلوب لتحريك شحنة اختبار (موجبة وصغيرة) من اللانهاية إلى تلك النقطة بسرعة ثابتة، مقسوماً على مقدار شحنة الاختبار.

$$V_A = \frac{W_{\infty \rightarrow A}}{q}$$

حسب تعريف الجهد، يتم قياس الجهد بوحدات الجول لكل كولون أو بوحدات الفولط.

يمكن أن تكون نقطة يكون فيها الجهد الكهربائي صفرًا. وشدة الحقل الكهربائي لا يساوي صفر.

ويمكن أن تكون نقطة لا يساوي فيها الجهد الكهربائي صفر، والحقول الكهربائي يساوي صفرًا.

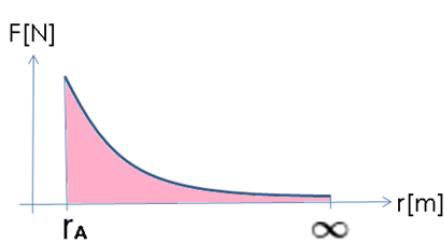
شدة الجهد حول
شحنة نقطية



A

∞

من أجل تحريك شحنة اختبارية من اللانهاية إلى نقطة قريبة من شحنة نقطية بسرعة ثابتة، يجب بذل قوة متفاوتة الشدة، في الرسم البياني للفورة كدالة للبعد بين شحنة الاختبار وشحنة النقطة، فإن الشغل يساوي المساحة الممحصورة في الرسم البياني، يمكنك حساب هذه المنطقة وإيجاد الشغل باستخدام التكامل أينتغرال:



$$\begin{aligned}
 W_{\infty \rightarrow A} &= \int_{r_A}^{\infty} F(r) dr \\
 W_{\infty \rightarrow A} &= \int_{r_A}^{\infty} \frac{K \cdot Q \cdot q}{r^2} dr \\
 W_{\infty \rightarrow A} &= K \cdot Q \cdot q \int_{r_A}^{\infty} r^{-2} dr = K \cdot Q \cdot q \left(\frac{r^{-1}}{-1} \right) \Big|_{r_A}^{\infty} \\
 W_{\infty \rightarrow A} &= \frac{K \cdot Q \cdot q}{-1} \left(\frac{1}{r_{\infty}} - \frac{1}{r_A} \right) \\
 W_{\infty \rightarrow A} &= K \cdot Q \cdot q \cdot \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_{\infty}} \right) = \frac{K \cdot Q \cdot q}{r_A}
 \end{aligned}$$

نعرض تعبير الشغل في تعريف الجهد:

$$V_A = \frac{W_{\infty \rightarrow A}}{q} = \frac{\frac{K \cdot Q \cdot q}{r_A}}{q} = \frac{K \cdot Q}{r_A}$$

$$V_A = \frac{K \cdot Q}{r_A}$$

يصف الجهد الكهربائي وشدة الحقل الكهربائي المحيط حول الشحنة النقطية بشكل مختلف، لكن التعبير متشابه.

الشغل المنجز لتحريك
شحنة بسرعة ثابتة
بين نقطتين
بواسطة
قوة خارجية



A

B

∞

يمكن استخدام تعريف الجهد لإيجاد شغل القوة الخارجية في تحريك الشحنة بين نقطتين:

$$W_{B \rightarrow A} = W_{\infty \rightarrow A} - W_{\infty \rightarrow B}$$

$$W_{B \rightarrow A} = V_A \cdot q - V_B \cdot q$$

$$W_{B \rightarrow A} = (V_A - V_B) \cdot q$$

الشغل المنجز لتحريك
شحنة بسرعة ثابتة
بين نقطتين
بواسطة
قوة كهربائية

نظرًا لأن الشحنة تتحرك بسرعة ثابتة، فإن مقدار التغيير في الطاقة الحركية يساوي صفرًا.
سنكتب قانون الشغل والطاقة في هذه الحالة:

$$W = \Delta E_K$$

$$W_{B \rightarrow A} + W_{B \rightarrow A} = \Delta E_K$$

$$W_{B \rightarrow A} + W_{B \rightarrow A} = 0$$

$$W_{B \rightarrow A} = -W_{B \rightarrow A}$$

$$W_{B \rightarrow A} = (V_B - V_A) \cdot q$$

يتم تعريف الجهد من الحالة التي يتم فيها تحريك الشحنة بسرعة ثابتة، ويمكن استخدام التعبيرات العامة لشغل القوة الكهربائية وشغل القوة الخارجية في أي حركة. إذا أطلقنا جسمًا من ارتفاع متر أو ألقينا به من ارتفاع متر، فستكون قوة الجاذبية هي نفسها في كلتا الحالتين. نعبر عن مقدار الشغل حسب شحنة متحركة بتأثير قوة خارجية بسرعة ثابتة، ومقدار الشغل الذي نحصل عليه صحيحًا في جميع الحالات، سواء في حالة الشحنة النقطية أو في حالة اللوحة المشحونة.

طاقة الوضع
الكهربائية

يتعلق شغل القوة الكهربائية بالجهد الكهربائي في نقطة بداية الحركة، وبالجهد الكهربائي في نهاية الحركة ولا يتعلق بمسار الحركة. لذلك فإن القوة الكهربائية هي قوة حافظة.

تنسب لقوى الكهربائية طاقة وضعيّة كهربائية:

شغل القوة الحافظة يساوي ناقص التغيير في الطاقة الوضعية. نكتب شغل الطاقة الكهربائية:

$$W_{A \rightarrow B} = (V_A - V_B) \cdot q$$

$$W_{A \rightarrow B} = V_A \cdot q - V_B \cdot q$$

$$W_{A \rightarrow B} = -\Delta U$$

$$U = V \cdot q$$

طاقة الشحنة الموجودة في نقطة معينة تساوي حاصل ضرب مقدار الشحنة بالجهد الكهربائي في النقطة المتواجدة بها الشحنة.

حفظ الطاقة الميكانيكية

إذا كانت القوة الكهربائية هي القوة الوحيدة التي تعمل على الشحنة المتحركة، فسيبقى مقدار الطاقة الميكانيكية ثابتاً.

سنكتب تعبيراً لحفظ الطاقة الميكانيكية الكلية بمساعدة قانون الشغل والطاقة:

$$W_{A \rightarrow B} = \Delta E_K$$

$$(V_A - V_B) \cdot q = E_{KB} - E_{KA}$$

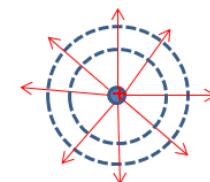
$$V_A \cdot q + E_{KA} = V_B \cdot q + E_{KB}$$

$$U_A + E_{KA} = U_B + E_{KB}$$

في حالة أنه عملت على الشحنة قوة كهربائية فقط:
فإن مجموع كمية الطاقة الحركية والوضعية الكهربائية ثابتاً في أي لحظة ويساوي الطاقة الميكانيكية الممحصلة.

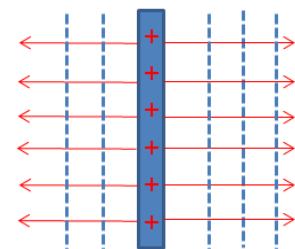
سطح متساوي الجهد هو سطح تكون لكل النقاط فيه نفس الجهد.

حول شحنة نقطية الأسطح المتساوية الجهد هي أسطح كروية:



سطح متساوي الجهد

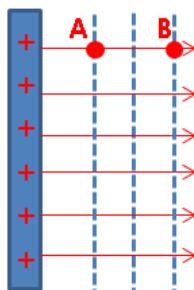
في حقل متاجنس (بالقرب من لوح مشحون) ، تكون الأسطح المتساوية الجهد أسطح مستوية:



الأسطح المتساوية الجهد متعمدة مع خطوط الحقل.

علاقة بين شدة الحقل المتجانس وفرق الجهد

عندما ننقدم باتجاه الحقل الكهربائي، سوف يقل الجهد الكهربائي. نكتب تعبيرًا يصف التغيير في الجهد الكهربائي على امتداد ΔX متر باتجاه حقل كهربائي شدته E :



$$W_{A \rightarrow B} = F \cdot (X_B - X_A) = E \cdot q \cdot (X_B - X_A)$$

$$W_{A \rightarrow B} = (V_A - V_B) \cdot q$$

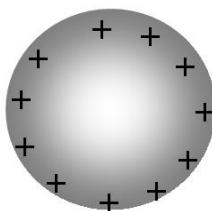
$$E \cdot q \cdot (X_B - X_A) = (V_A - V_B) \cdot q$$

$$E = \frac{(V_A - V_B)}{(X_B - X_A)} = - \frac{(V_B - V_A)}{(X_B - X_A)}$$

$$E = - \frac{\Delta V}{\Delta X}$$

من هذا التعبير يمكن ملاحظة أن وحدات الحقل الكهربائي هي فولت لكل متر (مثل وحدات نيوتون للكيلون) تمثل هذه الوحدات كم فولط يصغر فيه الجهد الكهربائي لكل متر في اتجاه الحقل الكهربائي.

في غلاف كروي موصل مشحون، تتركز كل الشحنة على سطح الغلاف.



الحقل الكهربائي في قشرة كروية

لأسباب هندسية، ستكون القوة المحصلة التي ستعمل على شحنة اختبار موجودة داخل فضاء الغلاف صفرًا، وبالتالي فإن شدة الحقل الكهربائي في أي نقطة داخل فضاء الغلاف تساوي صفرًا.

لإيجاد شدة الحقل الكهربائي خارج الغلاف (وعبر الغلاف)، يمكن التعامل مع شحنة الغلاف على أنها شحنة نقطية تقع في مركز الغلاف.

داخل الغلاف، تكون شدة الحقل الكهربائي صفرًا، وبالتالي فإن الجهد داخل الغلاف ثابت ويساوي الجهد على سطح الغلاف. لإيجاد الجهد في نقطة خارج الغلاف (وعبر الغلاف)، يجب التعامل مع شحنة الغلاف على أنها شحنة نقطية تقع في نقطة مركز الغلاف.

الجهد الكهربائي حول قشرة كروية مشحونة



عند توصيل كرتان مشحونتان (أو أغلفة مشحونة) باستخدام موصل طويل (منع الاستقطاب) ورقيق (منع تخزين الشحنة في الموصل) يحدث أمران:

1. مقدار شحنة الكرتان قبل التوصيل يساوي مقدار شحنتهما بعد التوصيل.

$$Q_1 + Q_2 = Q_1' + Q_2'$$

2. بعد فترة طويلة من توصيل الكرتان، سيكون الجهد الكهربائي للكرتين متساوياً.

$$\begin{aligned} V_1' &= V_2' \\ \frac{K \cdot Q_1'}{r_1} &= \frac{K \cdot Q_2'}{r_2} \\ \frac{Q_1'}{Q_2'} &= \frac{r_1}{r_2} \end{aligned}$$

فقط الشحنة السالبة (الإلكترونات) يمكنها التحرك بين الكرتان! لا تستطيع الشحنة الموجبة أن تتحرك بين الكرتان لأنها تقع في النواة. تتحرك الشحنة السالبة تحت تأثير القوة الكهربائية من الجهد المنخفض إلى الجهد العالي.

<https://www.youcube.co.il>